

Práctico N° 10

1. Probar los siguientes límites usando la definición:

$$\begin{aligned} (6n+3) &\rightarrow +\infty & (L(n+3)+3) &\rightarrow +\infty \\ (\sqrt[5]{5n+3}) &\rightarrow +\infty & (1-e^{6n+5}) &\rightarrow -\infty \end{aligned}$$

2. Calcular los límites de cada una de las siguientes sucesiones:

$$\begin{aligned} (a_n): a_n &= \frac{5}{1-3n} & (a_n): a_n &= \frac{\sqrt[5]{132\pi}}{1+n} \\ (a_n): a_n &= \frac{5n+5}{3} & (a_n): a_n &= \frac{5}{4} + \frac{5}{4n} \\ (a_n): a_n &= \frac{5n+5}{4n} & (a_n): a_n &= \frac{5n-5n^2}{n} \\ (a_n): a_n &= 5n(1-n) & (a_n): a_n &= 5n-5n^2 \\ (a_n): a_n &= 5L(n)+2n & & \\ (a_n): a_n &= \frac{L(1/n)}{(1/n)+3} & (a_n): a_n &= \frac{L\left(\frac{1+n}{n}+3\right)}{n+7} \\ (a_n): a_n &= \frac{e^{2n}+1}{e^n} & (a_n): a_n &= L\left(\frac{n+1}{n^2}\right) + e^{5/n} \\ (a_n): a_n &= e^{-3n} + 1/n + 7e^{1/n} & (a_n): a_n &= \frac{L(4n^2)}{L(2n)} \\ (a_n): a_n &= L(2n+5) - L(n) & (a_n): a_n &= e^{2n} - e^n \end{aligned}$$

3. a) Probar que:

$$\sqrt{n+1} + \sqrt{n} \sim 2\sqrt{n} \quad (\text{sug: } \frac{a+b}{c} = \frac{a}{c} + \frac{b}{c})$$

b) Calcular el límite de $(a_n) : a_n = \sqrt{n+1} - \sqrt{n}$ $\left(\text{Sug: } \sqrt{a} - \sqrt{b} = \frac{a-b}{\sqrt{a} + \sqrt{b}}\right)$

c) Calcular los siguientes límites:

$$\lim \sqrt{3n+5} - \sqrt{3n-4} \qquad \lim 2n - \sqrt{4n^2+3n}$$

4. Indicar si las siguientes sucesiones son crecientes o decrecientes

$$a_n = 3n+1 \qquad b_n = \frac{3n-1}{n} \qquad c_n = \frac{2n+4}{n}$$

5. Demostrar por inducción completa que (e_n) está acotada por 3 ($e_n \leq 3 \quad \forall n \in \mathbb{N}$), y que es estrictamente creciente ($e_n < e_{n+1}$)

$$(e_n): \begin{cases} e_0 = 0 \\ e_{n+1} = \sqrt{6+e_n} \end{cases}$$