

Práctico N° 8

1) Se consideran las rectas de ecuaciones:

r) $2x - 3y + 10 = 0$

s) $4x - y = 0$

t) $x - 2y - 7 = 0$

u) $x + y - 1 = 0$

Hallar la ecuación:

a) Del haz de rectas formado por las rectas: 1) r y s 2) t y u.

b) De una recta del haz que determinado por r y s que pase por el origen.

c) De una recta del haz que determinado por r y s que sea paralela a $x + 2y + 3 = 0$.

d) De una recta del haz que determinado por r y s que sea paralela a $4x - 6y + 3 = 0$.

e) De la recta común a ambos haces:

i) sin hallar los centros de los haces.

ii) hallando los centros de los haces.

2) Hallar la ecuación del haz de rectas de centro $P(-1,3)$.

i) De dicho haz, hallar las siguientes rectas: a) la que pasa por el origen; b) la que pasa por el punto $(2,0)$; c) la que forma 45° con el eje Ox; d) la paralela a Oy.

3) Indicar si los siguientes conjuntos de rectas corresponden a un haz de rectas propio o impropio.

Indicar centro si corresponde, e indicar si falta alguna recta para que "realmente sea un haz":

a) $(2\lambda + 3)x + (2 - \lambda)y + \lambda + 5 = 0$

b) $(2\lambda + 1)x + (8\lambda + 4)y + \lambda - 3 = 0$

4) Hallar la ecuación de la recta que pasa por el punto de intersección de las rectas r y s de ecuaciones:

r) $2x + y - 2 = 0$

s) $x - 5y - 23 = 0$; y divide por la mitad el segmento limitado por los puntos

$M(5,-6)$ y $N(-1,-4)$.

5) Si r) $x + 2y - 3 = 0$ y s) $2x - 4y - 5 = 0$

Halle la ecuación de la recta del haz determinado por r y s con coeficiente angular 1 de dos formas distintas.

6) Estudiar las siguientes familias de rectas: (indicar si existe un punto perteneciente a todas las rectas).

a) $(2\lambda^2 - 1)x + (3\lambda + 2)y - 2\lambda^2 - 6\lambda - 3 = 0$

b) $(3\lambda^2 - 2\lambda)x + (6\lambda^2 - 4\lambda)y + 3 - \lambda = 0$

c) $(\lambda^2 - 2\lambda + 2)x + (2\lambda - \lambda^2)y + 1 = 0$

d) $(\lambda^2 + 2\lambda)x - (4\lambda^2 + 8\lambda)y + 2 - \lambda = 0$

7) Dada la ecuación del haz de rectas determinada por las rectas: $3x - 4y - 3 = 0$ y $2x + 3y - 1 = 0$;

escribir la ecuación de la recta de este haz, que pasa por el centro de gravedad de una lámina triangular homogénea, cuyos vértices son los puntos $A(-1,2)$, $B(4,-4)$ y $C(6,-1)$.

8) Los extremos del diámetro de una circunferencia son los puntos $A(2,3)$ y $B(-4,5)$. Hallar su ecuación.

9) Hallar la ecuación de la circunferencia cuyo centro es el punto $C(7,-6)$, y pasa por $A(2,2)$.

10) Determinar si las siguientes ecuaciones representan ecuaciones de circunferencias, hallar centro y radio si corresponde:

i) $x^2 + y^2 + 6x - 4y + 7 = 0$

ii) $x^2 + y^2 - 2x + 2y + 1 = 0$

iii) $2x^2 + 2y^2 - 6x + 10y + 7 = 0$

iv) $4x^2 + 4y^2 + 28x - 8y + 53 = 0$

11) Halle las ecuaciones de las circunferencias que cumplen:

i) Centro $C(-4,-1)$ y es tangente a la recta de ecuación $3x + 2y - 12 = 0$.

ii) Pasa por el punto $(5,9)$ y es tangente a la recta $x + 2y - 3 = 0$ en el punto $(1,1)$.

iii) Pasa por los puntos $A(1,3)$; $B(4,6)$ y su centro está en el eje ox.

12) Hallar las ecuaciones de las circunferencias que son tangentes a dos rectas secantes r) $7x - y - 5 = 0$, y

s) $x + y + 13 = 0$; y, a una de ellas en el punto $M(1,2)$. (Dos soluciones)

13) Sea \mathcal{C}) $x^2 + y^2 - 4x + 6y - 12 = 0$; $A(0,3)$; $B(1,0)$.

Calcular la Potencia de cada punto con respecto a la cfa, y deducir si los puntos son interiores o exteriores.

14) Determinar $r \cap \mathcal{C}$, si:

a) $r) y = 2x - 3$ $\mathcal{C}) x^2 + y^2 - 3x + 2y - 3 = 0$

b) $r) y = 1/2x - 1/2$ $\mathcal{C}) x^2 + y^2 - 8x + 2y + 12 = 0$

c) $r) y = x + 10$ $\mathcal{C}) x^2 + y^2 - 1 = 0$

15) Dada la circunferencia de ecuación $x^2 + y^2 = 5$. Hallar los valores de k , k real, para que la recta $x - 2y + k = 0$ corte a la circunferencia en: dos puntos; un punto; ó ningún punto.

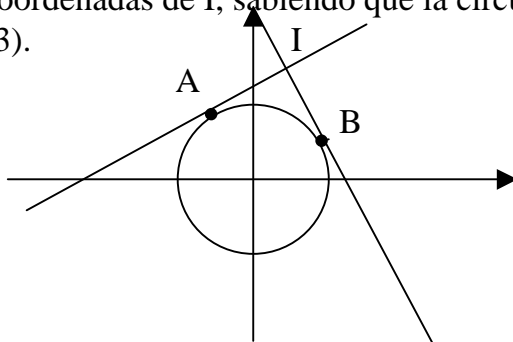
16) Determinar $k \in \mathfrak{R}$, para que la recta $r) y = kx$:

i. Es secante a la cfa. $\mathcal{C}) x^2 + y^2 - 10x + 16 = 0$

ii. Es tangente a esta circunferencia

iii. Es exterior.

17) Hallar las coordenadas de I , sabiendo que la circunferencia tiene ecuación: $x^2 + y^2 - 25 = 0$; $A(-3,4)$ y $B(4,3)$.

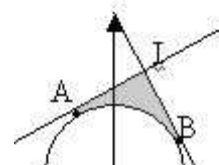


18) **Deduzca** la condición que verifican los puntos del L.G cuya distancia a $A(2,-5)$ es mayor que 6.

19) Representar la región del plano que verifican:

$$\begin{cases} 3x - 11y - 64 \leq 0 \\ x^2 + y^2 - 3x - y - 30 \geq 0 \\ x \geq 0 \end{cases} \quad \begin{cases} x^2 + y^2 - 25 \leq 0 \\ 3x + 4y \geq 0 \\ 3x - 4y \geq 0 \end{cases} \quad \begin{cases} x^2 + y^2 - 6x \geq 0 \\ x \cdot y \geq 0 \\ y \leq 5 \end{cases}$$

20) Escribir el conjunto de inecuaciones que determinan la zona pintada del ejercicio anterior:



21) Se considera la recta $r) y = \lambda x$. ($\lambda \in \mathfrak{R}$). Por $A(2,4)$ se traza r' , paralela a r y por el origen la recta p , perpendicular a r' .

i) Encuentre las coordenadas del punto I , intersección de las rectas p y r' . –dependiendo de λ –

ii) Considerando λ variable, escriba las ecuaciones paramétricas que determinan el conjunto de todos los puntos I .

iii) Deduzca la ecuación que verifican todos los puntos “ I ” eliminando el parámetro en las ecuaciones paramétricas. (Ecuación del L.G. de I)

iv) Reconozca y halle elementos del Lugar Geométrico de I .