

7. Calcular los límites de cada una de las siguientes sucesiones:

$$(a_n): a_n = \frac{5}{1-3n}$$

$$(a_n): a_n = \frac{\sqrt[5]{132\pi}}{1+n}$$

$$(a_n): a_n = \frac{5n+5}{3}$$

$$(a_n): a_n = \frac{5}{4} + \frac{5}{4n}$$

$$(a_n): a_n = \frac{5n+5}{4n}$$

$$(a_n): a_n = \frac{5n-5n^2}{n}$$

$$(a_n): a_n = 5n(1-n)$$

$$(a_n): a_n = 5n-5n^2$$

$$(a_n): a_n = 5L(n) + 2n$$

$$(a_n): a_n = \frac{5n-5n^2}{n}$$

$$(a_n): a_n = \frac{4n^3-5n^2+3n-8}{2n^2}$$

$$(a_n): a_n = \frac{4n^3-5n^2+3n-8}{-2n^2+3n-5}$$

$$(a_n): a_n = \frac{-2n^2-5n-7}{2n^2+3n-1}$$

$$(a_n): a_n = \frac{-7n^2+2n-7}{3n^3-5n^2-3n-9}$$

$$(a_n): a_n = \frac{L(1/n)}{(1/n)+3}$$

$$(a_n): a_n = \frac{L\left(\frac{1+n}{n}+3\right)}{n+7}$$

$$(a_n): a_n = \frac{e^{2n}+1}{e^n}$$

$$(a_n): a_n = L\left(\frac{n+1}{n^2}\right) + e^{5/n}$$

$$(a_n): a_n = e^{-3n} + 1/n + 7e^{1/n}$$

$$(a_n): a_n = \frac{L(4n^2)}{L(2n)}$$

$$(a_n): a_n = L(2n+5) - L(n)$$

$$(a_n): a_n = e^{2n} - e^n$$

8. a) Probar que:

$$\sqrt{n+1} + \sqrt{n} \sim 2\sqrt{n} \quad (\text{sug: } \frac{a+b}{c} = \frac{a}{c} + \frac{b}{c})$$

b) Calcular el límite de $(a_n) : a_n = \sqrt{n+1} - \sqrt{n}$

$$\left(\text{Sug: } \sqrt{a} - \sqrt{b} = \frac{a-b}{\sqrt{a} + \sqrt{b}} \right)$$

c) Calcular los siguientes límites:

$$\lim \sqrt{3n+5} - \sqrt{3n-4}$$

$$\lim 2n - \sqrt{4n^2+3n}$$

9. Demostrar por inducción completa que (e_n) está acotada por 3 ($e_n \leq 3 \quad \forall n \in \mathbb{N}$), y que es estrictamente creciente ($e_n < e_{n+1}$)

$$(e_n): \begin{cases} e_0 = 0 \\ e_{n+1} = \sqrt{6+e_n} \end{cases}$$