

# Práctico N° 7

## Divisibilidad

1) i) Escribir la D.P.F.P de los siguientes números:

600                      2600                      81675

ii) Calcule MCD(600, 2600, 1250) y mcm (600, 2600, 1250)

2) ¿Cuál es el menor número posible que dividido por 132, 450 y 342 da en cada caso un resto de 5?

3) De un número natural  $a$  se sabe que su DFP es  $a = 2^5 \cdot 3^x \cdot 7^3$ , halla dicho número sabiendo que admite 72 divisores

4) Hallar dos naturales  $a$  y  $b$  sabiendo que  $MCD(a,b) = 18$ , el número de divisores de  $a$  es 15, y el número de divisores de  $b$  es 10.

5) Hallar el natural  $n = 2^\alpha 5^\beta$ , sabiendo que  $2n$  tiene 4 divisores mas que  $n$  y que  $5n$  tiene 30 divisores.

6) Determinar un número natural  $n$  compuesto de los factores primos 2,5 y 7 sabiendo que  $5n$  tiene 8 divisores mas que  $n$ ,  $7n$  tiene 12 divisores mas que  $n$  y  $8n$  tiene 18 divisores mas que  $n$ .

7) Hallar  $x = 2^a 3^b 5^c$  sabiendo que  $\frac{x}{2}$  tiene 30 divisores menos que  $x$ ,  $\frac{x}{3}$  tiene 35 divisores menos que  $x$  y  $\frac{x}{5}$  tiene 42 divisores menos que  $x$

8) Determinar el número mas pequeño que admite 15 divisores.

9) Encuentre un número  $a$  que cumpla:  $MCD(a, 225) = 15$ , 7 es divisor de  $a$ , y el número de divisores de  $a$  es 12.

## Geometría Métrica

### Resolver los siguientes ejercicios utilizando congruencia de triángulos:

10) Sea ABCD un cuadrilátero, tal que  $\overline{AB} = \overline{CD}$  y  $\overline{AD} = \overline{BC}$ . Probar que es un paralelogramo.

11) Dado un triángulo ABC, N punto medio del segmento AB,  $M \in AC$  tal que  $MN \parallel BC$  y  $P \in BC$  tal que  $MP \parallel AB$ .

i) Justifique que a)  $\overline{AN} = \overline{NB} = \overline{MP}$     b)  $\hat{A}NM = \hat{M}PC$     c)  $\hat{A}MN = \hat{M}CP$

ii) ¿los triángulos ANM y MPC son congruentes?

¿qué concluye acerca del punto M en el segmento AC?

12) Dados dos puntos en el círculo trigonométrico según figura (los ángulos marcados son de igual medida), probar que los triángulos considerados son congruentes.

