

3° EMT BE - BH - Matemática "A" - UTU La Blanqueada

Práctico N° 4

1) Calcular:

$$\lim_{x \rightarrow 2} (3x^2 + 2x)$$

$$\lim_{x \rightarrow -1} (-3x^2 + 4x - 3)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x \cdot (x - 2)}{2x - 4} =$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + 2x - 8}{x - 2} =$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + 4x + 4}{x^2 + 2x} =$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{x^2 - 4}{(x + 2)(-x + 3)} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow -1} \left(\frac{-2x^2 + 3x + 5}{-3x^2 + x + 4} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \left(\frac{6 + 2x - 3x^2 + x^3}{2x^2 - x - 15} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{x^2 + 4x - 12}{x^3 - 2x^2} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 - 4x^2 + x + 6}{x^2 + x} =$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{5x^3 - 15x^2 + 20}{3x^3 - 15x^2 + 24x - 12}$$

$$\lim_{x \rightarrow -2} \left(\frac{x^3 + 8}{-3x^2 - x + 10} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2 + 2x}{x^2 + x} =$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{x^2 + 4x^3}{x^3 - 2x^2} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{2}{x - 3} - \frac{12}{x^2 - 9}$$

2) Calcular:

a) $\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{\sqrt{x+2} - \sqrt{2x}}{3x-6} \right)$

b) $\lim_{x \rightarrow -1} \left(\frac{\sqrt{3x+6} - \sqrt{x+4}}{-x^2+3x+4} \right)$

c) $\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{\sqrt{x^2-2x+5} - \sqrt{2x^2+x+1}}{x^2-1} \right)$

d) $\lim_{x \rightarrow 3} \left(\frac{\sqrt{2x+3} - 3}{5x-1} \right)$

e) $\lim_{x \rightarrow -2} \left(\frac{2x^2 - 3x - 14}{\sqrt{2x^2 - 7} - \sqrt{x^2 + x - 1}} \right)$

3) Calcular:

a) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} (-x^2 + 3x)$

b) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \left(\frac{-4x+1}{x-2} \right)$

c) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \left(\frac{x^2 + x + 1}{-3x^2 + 2x - 2} \right)$

d) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x+1}{x^2} =$

e) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2+1}{x} =$

f) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^2+x}{x^3+4x} =$

g) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \left(\frac{-4x^2+1}{x+1} \right)$

h) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \left(\frac{3x^3+2x^2+1}{4x^4-x^2+5} \right)$

i) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \left(\frac{-4x^3+2x^2+1}{x-5} \right)$

j) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x-1}{x^2-1} - \frac{x-2}{x-1} =$

k) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2-5x+7}{x+3} - 2x =$

4) Calcular:

$$\begin{array}{llll}
 \text{a) } \lim_{x \rightarrow 0^\pm} \frac{x+3}{x^2+2x} & \text{b) } \lim_{x \rightarrow 3^\pm} \frac{21}{(x-3)} & \text{c) } \lim_{x \rightarrow -\frac{5}{2}^\pm} \frac{3x+1}{2x+5} & \text{d) } \lim_{x \rightarrow 0^\pm} \frac{x^4+5x^3+4x^2}{x^5-x^3} \\
 \text{e) } \lim_{x \rightarrow 1^\pm} \left(\frac{4x}{1-x} \right) & \text{f) } \lim_{x \rightarrow -2^\pm} \left(\frac{x+1}{x+2} \right) & \text{g) } \lim_{x \rightarrow -3^\pm} \left(\frac{3x-1}{(x+3)^2} \right) & \text{h) } \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2-3x+1}{\sqrt{x^4+x-5}} \\
 \text{i) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2+1}}{5x-1} & \text{j) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2-4}{x-4} - \frac{x^2-6}{x-6} \right) & \text{k) } \lim_{x \rightarrow 2^\pm} \left(\frac{-2x^2+8x-8}{x^3-6x^2+12x-8} \right) \\
 \text{l) } \lim_{x \rightarrow 1^\pm} \left(\frac{3x^3-2x^2-2x+1}{-2 \cdot (x-1)^2} \right) & & &
 \end{array}$$

5) Calcular $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x)$ $\lim_{x \rightarrow 4^\pm} f(x)$ siendo $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2-16}{x-4} \Leftrightarrow x > 4 \\ -1+2x \\ -x^2+3x-5 \Leftrightarrow x \leq 4 \end{cases}$

6) Dadas las siguientes funciones.

Estudiar: a) Dominio b) Signo c) Límites laterales en puntos de no existencia.
d) Límites cuando $x \rightarrow \pm\infty$ e) Bosquejar una función que cumpla con la información obtenida.

$$\begin{array}{lll}
 f: f(x) = \frac{-3x-3}{x} & g: g(x) = \frac{-3x^2+3}{x+5} & h: h(x) = \frac{x^2-7x+10}{(x-5)^2} \\
 i: i(x) = \frac{-2x^2+x+1}{-x^2+4x-3} & j: j(x) = \frac{x^2-25}{(x^2-3x-10)(-2x-10)} &
 \end{array}$$

7) Ídem anterior

$$\begin{array}{lll}
 f: f(x) = \frac{x-2}{x^2+x-6} & f: f(x) = \frac{x^2-4}{x^2+x-6} & f: f(x) = \frac{3x+4}{2x^2-50} \\
 f: f(x) = \frac{x^2+4x}{x^2-5x+6} & f: f(x) = \frac{x^2-x-2}{x^2 \cdot (x+1)} & f: f(x) = \frac{x^2 \cdot (x-1)}{x^2+2x-3}
 \end{array}$$